BURDIN Kevin 11507706 – INAYA Victor

Projet théorie des jeux

1. L’objectif de ce projet

Ce projet repose sur un « Troll », un élément du jeu qui est disposé sur une rangée de cases, sur la colonne du milieu en général. Le premier et le dernier élément de cette séquence de cases sont matérialisés par des châteaux : ce sont des cases appartenant à des joueurs. Par convention, le joueur 1 va se situer sur la première case de cette séquence, et le joueur 2 sur la dernière. Chaque joueur a pour objectif de repousser le troll dans le château adverse. Pour cela, chaque joueur dispose d’un certain stock de pierres, qu’ils devront simultanément jeter : chaque joueur ne connait donc pas le nombre de pierres que l’adversaire a jeté. Au cours d’un tour, le troll se déplacera d’une case vers le joueur qui a jeté le moins de pierres. La partie se termine lorsqu’un joueur n’a plus de pierre, et un gagnant est élu selon la position du troll et le nombre de pierres restantes au joueur qui dispose encore des siennes.

L’idée derrière ce jeu est de trouver une stratégie optimale qui va permettre au joueur la jouant d’avoir l’ascendant sur l’autre joueur.

Nous allons, d’abord modéliser le jeu sous forme d’un graphe et calculer la forme normale qui en découle. Pour cela, nous pouvons assimiler une situation de jeu à un vecteur qui a 3 dimensions, à savoir le nombre de pierres qui reste au joueur 1, le nombre de pierres qui reste au joueur 2, et la position du troll. De là, nous pouvons construire une forme normale qui va répertorier tous les vecteurs qui découlent d’une situation donnée. A chacun de ces vecteurs sera associée une valeur de gains qui va déterminer quel joueur a l’avantage sur l’autre, trouvée soit en étant dans une situation où le jeu se termine, soit en résolvant un simplex de la sous-matrice de taille (i-1) \* (j-1) de la situation (i,j,t). L’issue de ce simplex nous donne le gain garanti en suivant la stratégie prudente dans la situation (i,j,t), ainsi qu’une distribution de probabilités nous indiquant la stratégie à suivre, i.e. le nombre de pierres à lancer pour un tour donné.

1. Le code

Notre projet a été réalisé en Python, sous Visual Studio. Il est divisé en plusieurs modules que nous allons expliciter :

Un premier module, dans le fichier JeuDuTroll.py, qui comporte l’ensemble des fonctions qui permettent de créer des instances de parties de jeu du troll : une classe Plateau, qui va contenir les différentes informations du jeu, donc le nombre de cases, le nombre de pierres pour chaque joueur, la position du troll. Ensuite, nous avons une fonction « Partie() », qui permet de lancer une instance du jeu du troll selon différents paramètres : le mode de jeu ( il est possible de jouer à deux joueurs humains, un joueur humain, ou seulement faire affronter des IAs), les paramètres pour créer le plateau de jeu, ainsi que deux paramètres optionnels, en référence, qui peuvent permettre d’extraire les historiques de jeu des deux joueurs. Cette fonction va prendre en compte la saisie des différents joueurs, soit par l’intermédiaire d’une stratégie, soit par l’intermédiaire d’un input, afin de faire évoluer la situation de jeu. A la fin d’une partie, une fonction va choisir un joueur gagnant en fonction de la situation de jeu. Enfin, si l’on souhaite paramétrer notre partie dans un terminal, une avons une fonction dédiée.

Un second module, dans le fichier Solveur.py, qui va comporter une classe permettant de générer et résoudre des simplex, des fonctions de création dynamique de contraintes et d’objectifs, puis une fonction de calcul de simplex à partir d’une matrice, ainsi qu’une fonction qui va générer la matrice de gains du jeu du troll.

Enfin, il y a un troisième module « stratégies » dans le fichier « Strategies.py », qui consiste en une suite de fonctions prenant différents paramètres, et sortant un entier, le nombre de pierres que l’IA devra lancer. Parmi elles se trouvent la stratégie prudente, mais également plusieurs autres stratégies, issues de nos réflexions.

Nos fonctions mains se trouvent dans un fichier python dédié.

1. Difficultés liées à ce projet

Durant ce projet, nous avons rencontrés plusieurs difficultés :

Tout d’abord, même si le jeu du troll est un jeu conceptuellement très simple, sa stratégie mixte prudente ne nous est pas naturelle du tout. Nous avons donc commencé par imaginer différentes stratégies pures qui nous paressaient pertinentes dans certaines situations. Cependant, ces stratégies pouvaient se faire contrer seulement en connaissant comment elles marchaient. Nous avons, par la suite, commencé l’implémentation d’une stratégie mixte.

L’implémentation de la stratégie mixte n’est pas complexe à implémenter en théorie. Cependant, il s’agit d’une stratégie imprévisible, et il est difficile de toujours savoir ce qu’un simplex va nous donner comme résultat. Il n’est donc pas trivial de savoir si telle ou telle distribution de probabilités est bonne si elle est un minimum cohérent.

Enfin, nous avions plusieurs idées de stratégies que nous n’avons pas pu implémenter, que nous expliciterons dans la partie Analyse.

Finalement, nous avons une implémentation d’une stratégie prudente qui est cohérente. Nous pensons, cependant, qu’elle n’est pas optimale et qu’elle pourrait être affinée.

1. Analyses de la stratégie prudente du jeu du Troll et des autres stratégies